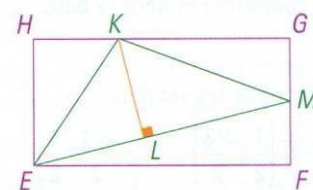


**EXERCICE N°1 ( 4 points )**

Répondre par **Vrai** ou **Faux** ( aucune justification n'est demandée )

- 1)** Si  $(\vec{u}, \vec{v})$  est une base orthonormée indirecte alors  $\det(\vec{v}, \vec{u}) = 1$
- 2)** Soit L, P et M trois points distincts et L' , P' et M' leurs images respectives  
Par une homothétie. Alors  $(\overrightarrow{L'P'}, \overrightarrow{L'M'}) \equiv (\overrightarrow{LP}, \overrightarrow{LM}) [2\pi]$
- 3)** Soit a un réel et f une fonction définie sur  $]-\infty, a]$ .  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f = l$  si pour tout  $\varepsilon > 0$ , il existe un réel B < 0 , tel que si  $x \leq a$  et  $x < B$  alors  $|l - f(x)| < \varepsilon$
- 4)** Soit  $f(x) = \sqrt{x^2 - 4x + 5}$  , la droite d'équation  $y = -x + 2$  est une asymptote à Cf  
Au voisinage de  $-\infty$

**EXERCICE N°2 ( 4 points )**

EFGH est un rectangle, avec  $EH = a$  et  $EF = 2a$ .

M est le milieu de [FG] et K est définie par  $\overrightarrow{HK} = \frac{1}{3} \overrightarrow{HG}$ .

L est le projeté orthogonal de k sur (EM).

- 1)** Calculer en fonction de a les produits scalaires :  $\overrightarrow{EF} \cdot \overrightarrow{EM}$  et  $\overrightarrow{EH} \cdot \overrightarrow{EK}$  .
- 2)** En calculant de plusieurs façons le produit scalaire  $\overrightarrow{EK} \cdot \overrightarrow{EM}$  , déterminer :  
-La valeur de la longueur EL en fonction de a ;  
-Une mesure de l'angle  $\widehat{KEM}$  (à 0,1° près)

### **EXERCICE N°3 ( 5 points )**

Soit ABC un triangle rectangle en A tel que :  $AB = 2a\sqrt{3}$  ,  $AC = 2a$  ,  $a > 0$

**1)** a) Montrer que  $\vec{AB} \cdot \vec{BC} = -12a^2$

b) Dédurre  $\cos(\widehat{AB, BC})$  puis déduire une mesure dans l'intervalle  $[\pi, 2\pi]$   
de l'angle  $(\vec{AB}, \vec{BC})$

**2)** Soit  $\zeta$  le cercle de diamètre [AC], la droite (BC) coupe  $\zeta$  en D  
Montrer que  $\overline{BD} \times \overline{BC} = BA^2$

**3)** Soit M un point variable sur le cercle  $\zeta$  et N un point du plan tel que  
 $2\vec{AN} - \vec{AM} - \vec{AB} = \vec{o}$ . Déterminer et construire l'ensemble des points N quand  
M décrit le cercle  $\zeta$

### **EXERCICE N°4 ( 7 points )**

Soit  $f$  la fonction définie sur IR par :  $f(x) = x^3 + x - 1$

**1)** a) Etudier les variations de  $f$  sur IR.

b) Montrer que l'équation  $f(x)=0$  admet une seule solution  $\alpha$  dans  $]0,1[$

et vérifier que  $\alpha = \sqrt{\frac{1-\alpha}{\alpha}}$

c) Dresser le tableau de variation de  $f$  et préciser le signe de  $f(x)$  pour tout réel  $x$

**2)** Soit  $g$  la fonction définie par  $g(x) = \begin{cases} \sqrt{x^2 - \alpha x + 1} & \text{si } x \leq \alpha \\ x(x^2 + 1) & \text{si } x > \alpha \end{cases}$

a) Déterminer le domaine de définition de  $g$

b) Montrer que  $g$  est continue en  $\alpha$

c) Montrer que la droite  $D : y = -x + \frac{\alpha}{2}$  est une asymptote oblique à  $(C_g)$  au  $V(-\infty)$

**3)** Soit  $h$  la fonction définie sur  $\mathbb{R} \setminus \{\alpha\}$  par :  $h(x) = \frac{g(x)-1}{x-\alpha}$

$h$  est-elle prolongeable par continuité en  $\alpha$  ?